

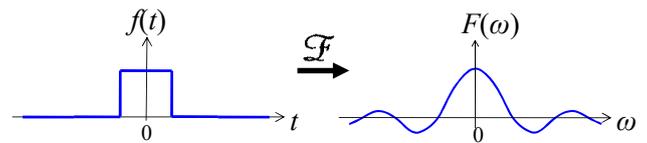
今すぐに
絶対に
覚えて欲しいこと
5つ

① フーリエ順変換

$$\mathcal{F}[f(t)] = F(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t) \cdot e^{-j\omega t} dt$$

ノートに書く

(教科書4.3)

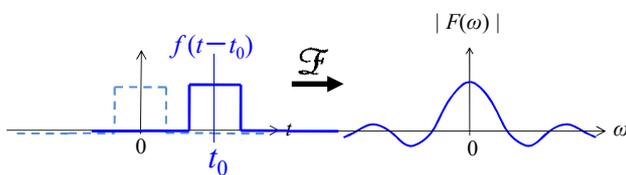


② 時間推移性

$$\mathcal{F}[f(t-t_0)] = F(\omega) \cdot e^{-j\omega t_0}$$

ノートに書く

(教科書4.18)

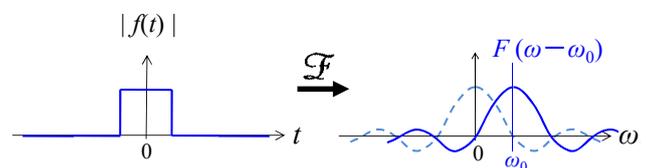


③ 周波数推移性

$$\mathcal{F}[f(t) \cdot e^{+j\omega_0 t}] = F(\omega - \omega_0)$$

ノートに書く

(教科書4.19)

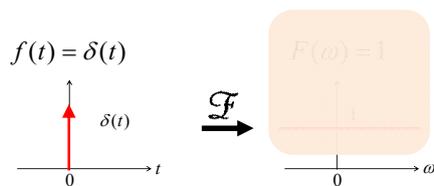


④ デルタ関数のフーリエ順変換

$$\mathcal{F}[\delta(t)] = 1$$

ノートに書く

(問題5.1)

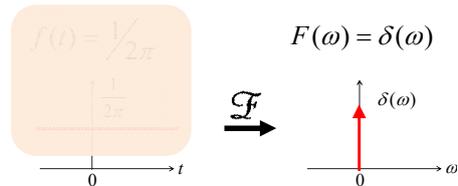


⑤ デルタ関数のフーリエ逆変換

$$\mathcal{F}\left[\frac{1}{2\pi}\right] = \delta(\omega)$$

ノートに書く

(問題5.6)



覚えたかな？

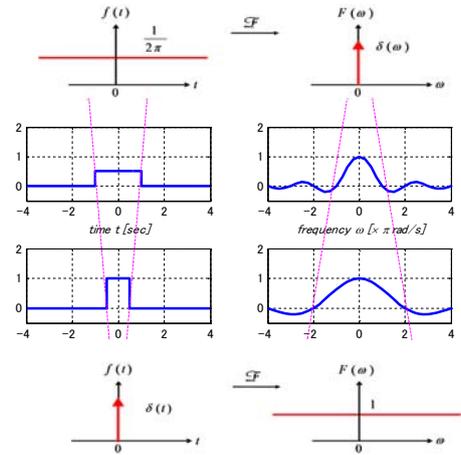
$$\mathcal{F}[f(t)] = F(\omega) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(t) \cdot \frac{1}{2\pi} dt$$

$$\mathcal{F}[f(t - t_0)] = F(\omega) \cdot e^{-j\omega t_0}$$

$$\mathcal{F}[f(t) \cdot e^{-j\omega_0 t}] = F(\omega - \omega_0)$$

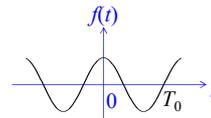
$$\mathcal{F}[1] = 2\pi \delta(\omega)$$

$$\mathcal{F}[\delta(t)] = 1$$



覚えたことを
応用しよう
3つ

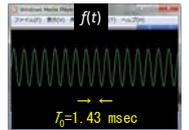
以下を理論的に説明したい



$$f(t) = \cos \omega_0 t$$

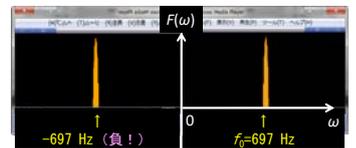
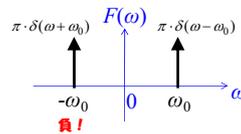
$$\omega_0 = 2\pi f_0$$

$$f_0 = 1/T_0$$



フーリエ変換 \mathcal{F}

フーリエ変換 \mathcal{F}

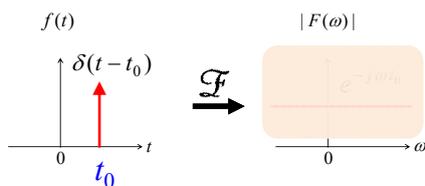


⑥ 時間推移したデルタ関数

$$\mathcal{F}[\delta(t - t_0)] = e^{-j\omega t_0}$$

ノートに書く

(問題5.4)

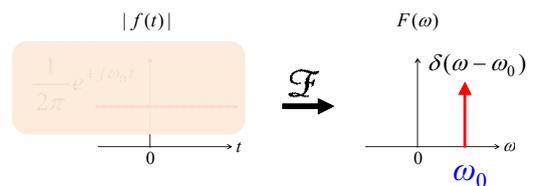


⑦ 周波数推移したデルタ関数

$$\mathcal{F}\left[\frac{1}{2\pi} e^{+j\omega_0 t}\right] = \delta(\omega - \omega_0)$$

ノートに書く

(問題5.7)

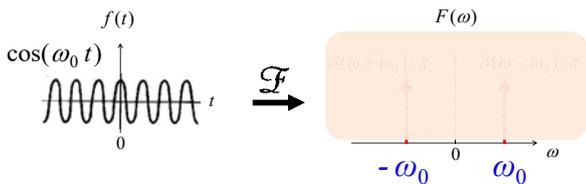


⑧ 余弦波のフーリエ変換

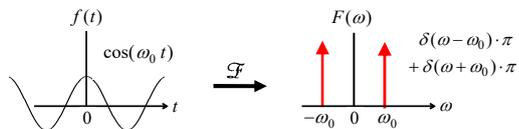
$$\mathcal{F}[\cos(\omega_0 t)] = \{\delta(\omega + \omega_0) + \delta(\omega - \omega_0)\} \cdot \pi$$

ノートに書く

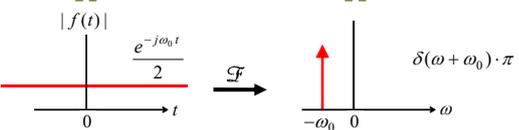
(問題5.8)



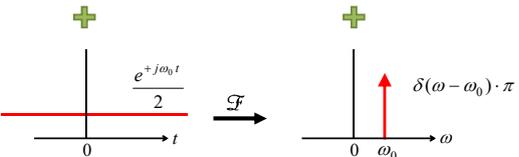
問題5.8



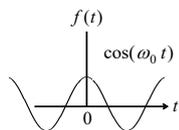
問題5.7



問題5.7



問題5.8

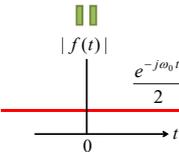


⇒

$$\cos(\omega_0 t) = \frac{e^{-j\omega_0 t} + e^{+j\omega_0 t}}{2}$$

オイラーの公式

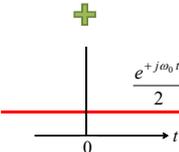
問題5.7



⇒

$$\frac{e^{-j\omega_0 t}}{2}$$

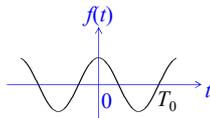
問題5.7



⇒

$$\frac{e^{+j\omega_0 t}}{2}$$

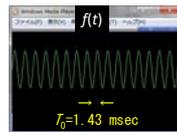
以下を理論的に説明できた！



$$f(t) = \cos \omega_0 t$$

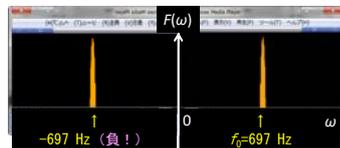
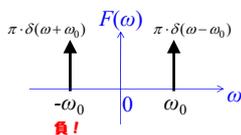
$$\omega_0 = 2\pi f_0$$

$$f_0 = 1/T_0$$



フーリエ変換 \mathcal{F}

フーリエ変換 \mathcal{F}



覚えたかな？

$$\mathcal{F}[\delta(t - t_0)] = e^{(j\omega t_0)}$$

$$\mathcal{F}[e^{+j\omega_0 t}] = 2\pi \cdot \delta(\omega - \omega_0)$$

$$\mathcal{F}[\cos(\omega_0 t)] = \{\delta(\omega - \omega_0) + \delta(\omega + \omega_0)\} \cdot \pi$$

$$\mathcal{F}[\sin(\omega_0 t)] = \{\delta(\omega - \omega_0) - \delta(\omega + \omega_0)\} \cdot \pi / j$$

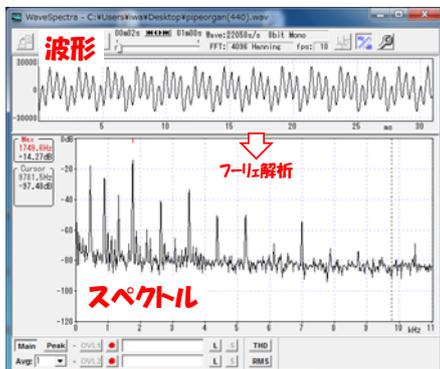
ちなみに、 $j = e^{+j\pi/2}$

何ができる？
スペクトル分析の凄さ

音色の違いがわかる



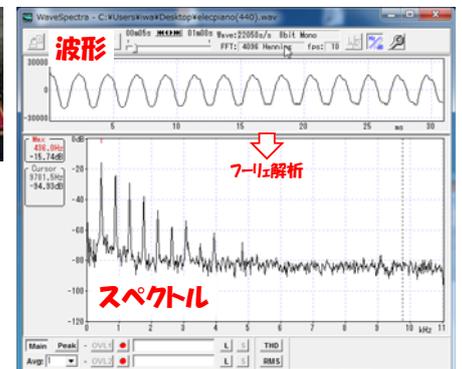
オルガン



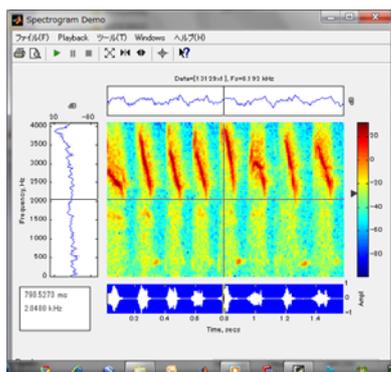
好きな音色を合成できる



エレピア!

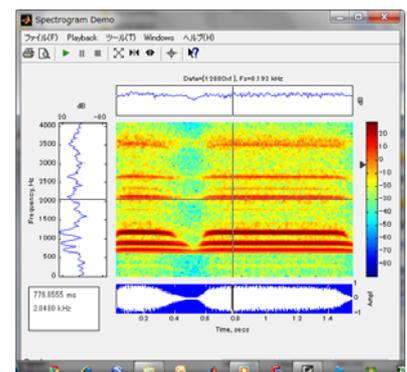


何の音？



load chirp; specgramdemo(y,Fs); in MATLAB

何の音？



load train; specgramdemo(y,Fs); in MATLAB

いぬのきもちを声で通訳する
愛犬の気持ちや音声・文字・アニメーションでわかる!

声紋データ (日本音響研究所提供)

動物感情分析システム

ワンッ!

1 鳴き声を送信

リアルタイムで分析されたデータは、楽しい、悲しい、フラストレーション、など6つの感情に分類、約200パターン日本語に当てはめられて、音声とともに液晶画面に文字とアニメーションで表示されます。
<http://www.apalog.com/e-ryoshizai/archive/124>

今日の宿題

今日の宿題

問題 4.18、4.19
 問題 5.1、5.4、5.6
 問題 5.8

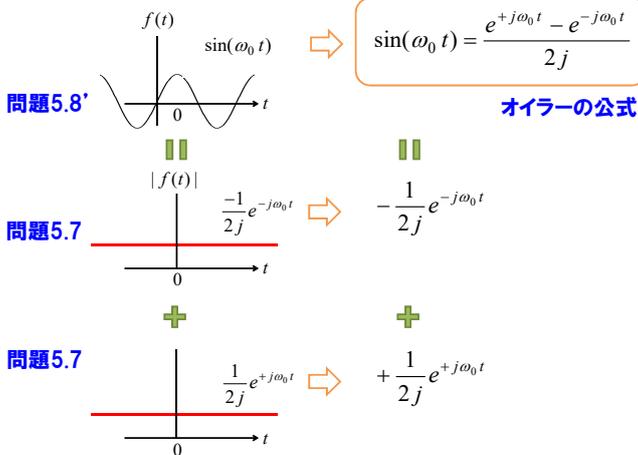
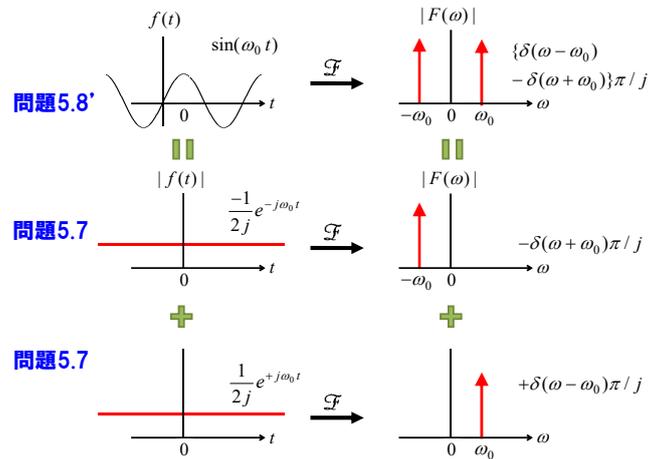
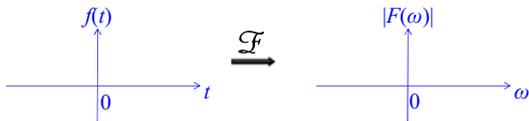
1. 問題を自力で解いてみる
2. 教科書を見ながら添削する
3. 次回の授業開始前に提出する
4. 期末試験の範囲＝「宿題」

時間が余ったら...
 その1

問題をノートに写す
 解答をノートに書く

問題

$f(t) = \sin \omega_0 t$ のフーリエ変換を求めよ



Media Player で音を調べよう

音の「**波形**」を見る
 音の「**スペクトル**」を見る
 音の「**音色**」を調整

「波形」を見るには



「スペクトル」を見るには



「スペクトル」を調整するには



低音を強調／好みに調整

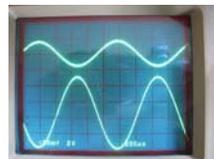


「スペクトル」で音を分類する

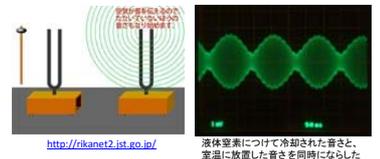
- ① 「純音」のグループ
- ② 「倍音」のグループ
- ③ 「雑音」のグループ

① 「純音」とは？

正弦波



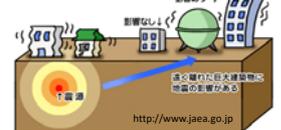
音叉



遠くの低音



震源が遠い地震



'1'の音 = 697Hz + 1209 Hz

波形 → 【フーリエ変換】 → スペクトル



② 「倍音」とは？

共鳴板
無し？



西洋楽器



上手なカラオケ



ハーモニー



矩形波

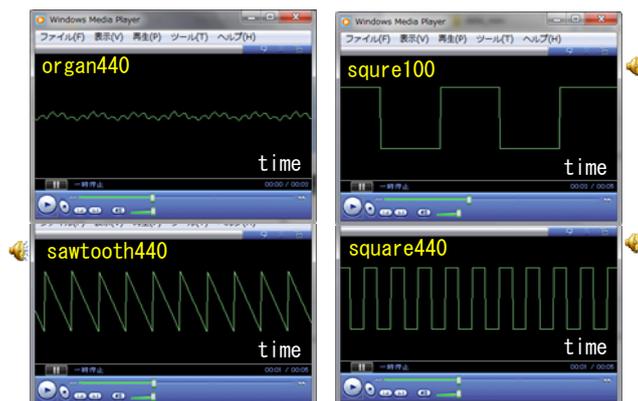
「線スペクトル」に注目！



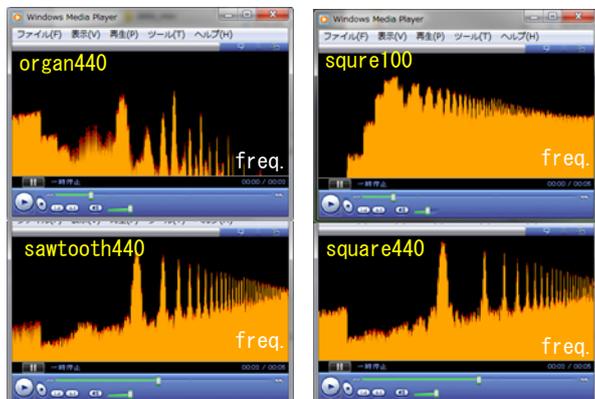
英語のニュース

フルートのソロ

倍音の「波形」



倍音の「スペクトル」



ランダム雑音 と パルス雑音

